



Ordenación

Alberto de la Encina Vara

1

Ordenación

36 -23 8 26 -32 -9 38 -7 13 -43 -47 -15 42 23 9

-12 6 -5 18 -27 14 -40 25 -31 3 -16 48 -2 16 -33

-47 -43 -40 -33 -32 -31 -27 -23 -16 -15 -12 -9 -7 -5 -2

3 6 8 9 13 14 16 18 23 25 26 36 38 42 48

Ordenación

- **in-place**: sobre el propio array de entrada (sin arrays auxiliares)
- **adaptativo**: más eficiente cuanto más ordenado esté el array
- **estable**: respeta el orden de los elementos iguales
- **complejidad y eficiencia**: cantidad de operaciones respecto al tamaño del array de partida N . Casos de estudio:
 - Lista inicialmente ordenada
 - Lista inicialmente ordenada al revés
 - Lista con disposición inicial aleatoria

Ordenación: Selección con vector auxiliar

selecciono el mínimo/máximo lo quito

mientras NOestaVacio (elVector) hacer:

posMin = calcularPosMinimo(elVector)

valorMin = elementoEnPos(elVector, posMin)

quitarPos(elVector, posMin)

añadirAlFinal(elVectorAux, valorMin)

Ordenación: Selección **inSitu**

selecciono el mínimo/máximo lo intercambio

desde la pos = 0 hasta pos < tamaño(eVector)-1

avanzando en 1 pos hacer:

posMin = calcularPosMinimoDesde(eVector, pos)

intercambiarValoresPos(eVector, posMin, pos)

➤ **Invariante:** El vector tras cada pasada está ordenado [0, pos]

Ordenación: Inserción con vector auxiliar

cojo de uno en uno y lo *inserto* ordenado

desde la $pos = 0$ hasta $pos < tamaño(eVector)$

avanzando en 1 pos hacer:

valor = elementoEnPos(eVector, pos)

insertarOrdenadamente(eVectorAux, valor)

insertarOrdenadamente (eVector, valor) :



➤ **Invariante:** El vector auxiliar contiene ordenados los elementos de eVector entre $[0, pos]$

Ordenación: Insertar Ordenadamente I

eVector

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
datos	3	6	8	18	23	25				
nElem	6									

valor

13

insertarOrdenadamente (eVector, valor) :
 posIns = buscarPosIns(eVector, valor)
 añadirEnPos(eVector, valor, posIns)

➤ **Invariante:** Si *eVector* estaba ordenado continua ordenado y tiene un elemento más el *valor*

Ordenación: Insertar Ordenadamente I

eVector

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
datos	3	6	8	18	23	25				
nElem	6									

eVector

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
datos	3	6	8	13	18	23	25			
nElem	7									

insertarOrdenadamente (eVector, valor) :
 posIns = buscarPosIns(eVector, valor)
 añadirEnPos(eVector, valor, posIns)

➤ **Invariante:** Si eVector estaba ordenado continua ordenado y tiene un elemento más el *valor*

Ordenación: InsertarOrdenadamente 2

eVector		0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
	datos	3	6	8	18	23	25				
	nElem	6									

valor	13
--------------	----

insertarOrdenadamente (eVector, valor) :
 añadirAlFinal(eVector, valor)
 hundirUltimoElemento(eVector)

➤ **Invariante:** Si *eVector* estaba ordenado continua ordenado y tiene un elemento más el *valor*

Ordenación: InsertarOrdenadamente 2

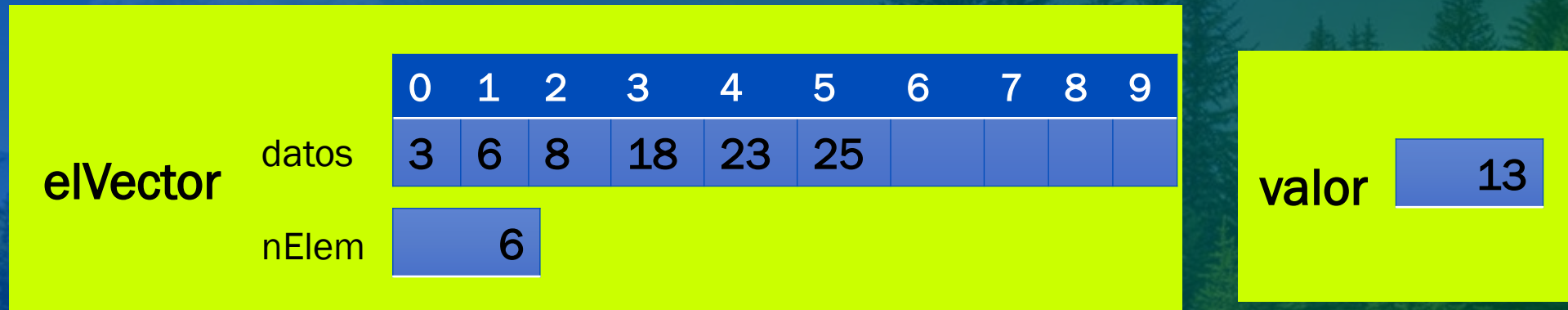
eVector		0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
	datos	3	6	8	13	18	23	25			
	nElem	7									

valor	13
--------------	----

insertarOrdenadamente (eVector, valor) :
 añadirAlFinal(eVector, valor)
 hundirUltimoElemento(eVector)

➤ **Invariante:** Si *eVector* estaba ordenado continua ordenado y tiene un elemento más el *valor*

Ordenación: InsertarOrdenadamente 3



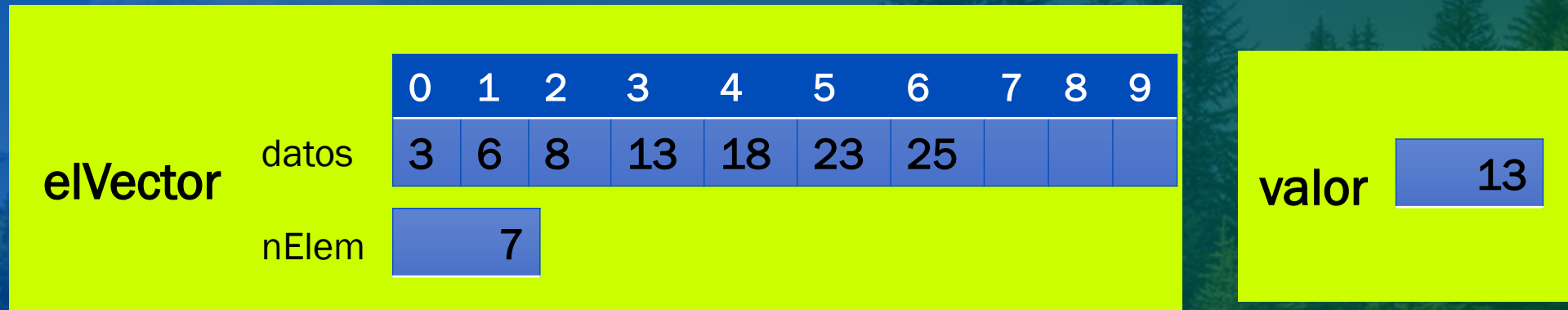
insertarOrdenadamente (elVector, valor) :

posHueco = hacerHuecoDesplazandoMayores(elVector, valor)

reemplazarValorEnPos(elVector, valor , posHueco)

➤ **Invariante:** Si `elVector` estaba ordenado continua ordenado y tiene un elemento más el `valor`

Ordenación: Insertar Ordenadamente 3



`insertarOrdenadamente (elVector, valor) :`

`posHueco = hacerHuecoDesplazandoMayores(elVector, valor)`

`reemplazarValorEnPos(elVector, valor , posHueco)`

➤ **Invariante:** Si `elVector` estaba ordenado continua ordenado y tiene un elemento más el `valor`

Ordenación: Inserción **inSitu**

cojo de uno en uno y lo *inserto* ordenado

desde la $pos = 1$ hasta $pos < tamaño(eVector)$
avanzando en 1 pos hacer:
`hundirElementoPos(eVector, pos)`

`hundirElementoPos(eVector, pos):`

`valorAOrd = elementoEnPos(eVector, pos)`

`posHueco = desplazarMayoresQuePos(eVector, pos)`

`reemplazarValorEnPos(eVector, valorAOrd, posHueco)`

➤ **Invariante:** El vector tras cada pasada está ordenado $[0, pos]$

Ordenación: Burbuja **inSitu**

floto los elementos muchas veces

repetir tamaño(eIVector) veces:
recorrerBurbuja(eIVector)

recorrerBurbuja(eIVector):

desde la pos = **0** hasta pos < tamaño(eIVector) **-1** avanzando en 1 pos hacer:
si elementoEnPos(eIVector, pos) > elementoEnPos(eIVector, pos **+1**)
intercambiarValoresPos(eIVector, pos, pos **+1**)

➤ **Invariante:** Tras cada pasada ordenado (posFin-nPasadas, posFin]
➤ posFin = tamaño(eIVector) -1

Ordenación: Burbuja **inSitu**

floto los elementos muchas veces

repetir tamaño(elVector) veces:
recorrerBurbuja(elVector)

recorrerBurbuja(elVector):

desde la pos = 1 hasta pos < tamaño(elVector) avanzando en 1 pos hacer:
si elementoEnPos(elVector, pos-1) > elementoEnPos(elVector, pos)
intercambiarValoresPos(elVector, pos-1, pos)

➤ **Invariante:** Tras cada pasada ordenado (posFin-nPasadas, posFin]
➤ posFin = tamaño(elVector) - 1

Ordenación: Burbuja inSitu (mejora I, idea)

floto los elementos muchas veces (hasta no hay cambios)

repetir:

recorrerBurbuja(elVector)

mientras hayCambios(elVector)



elVectorViejo

recorrerBurbuja(elVector):

desde la pos = 1 hasta pos < tamaño(elVector) avanzando en 1 pos hacer:

si elementoEnPos(elVector, pos-1) > elementoEnPos(elVector, pos)

intercambiarValoresPos(elVector, pos-1 , pos)

➤ **Invariante:** Tras cada pasada ordenado (posFin-nPasadas, posFin]

➤ posFin = tamaño(elVector) -1

Ordenación: Burbuja inSitu (mejora I)

floto los elementos muchas veces (hasta que NO hay cambios)

repetir

hayCambios = recorrerBurbuja(elVector)

mientras hayCambios hacer:

recorrerBurbuja(elVector):

hayCambios = false;

desde la pos = 1 hasta pos < tamaño(elVector) avanzando en 1 pos hacer:

si elementoEnPos(elVector, pos-1) > elementoEnPos(elVector, pos)

hayCambios = true

intercambiarValoresPos(elVector, pos-1, pos)

devolver hayCambios;

➤ **Invariante:** Tras cada pasada ordenado (posFin-nPasadas, posFin]

Ordenación: Burbuja inSitu (mejora 2)

floto los elementos muchas veces (bubuja más pequeña)

numBurbuja = 0

repetir:

recorrerBurbujaEvaporada(eIVector, numBurbuja)

numBurbuja++

mientras hayCambios(eIVector):

recorrerBurbujaEvaporada(eIVector, i):

desde la pos = 1 hasta pos < tamaño(eIVector) **-i** avanzando en 1 pos hacer:

si elementoEnPos(eIVector, pos-1) > elementoEnPos(eIVector, pos)

intercambiarValoresPos(eIVector, pos-1, pos)

➤ **Invariante:** Tras cada pasada ordenado (posFin-nPasadas, posFin]

Ordenación: Burbuja inSitu (mejora 1+2)

floto los elementos muchas veces (cambios y burbuja más pequeña)

```
numBurbuja = 0; hayCambios = true;
```

```
mientras (numBurbuja < tamaño(elVector) y hayCambios) hacer:
```

```
    hayCambios = recorrerBurbujaEvaporada(elVector, numBurbuja )
```

```
    numBurbuja++
```

```
recorrerBurbujaEvaporada(elVector, i):
```

```
    hayCambios = false
```

```
    desde la pos = 1 hasta pos < tamaño(elVector) -i avanzando en 1 pos hacer:
```

```
        si elementoEnPos(elVector, pos-1 ) > elementoEnPos(elVector, pos )
```

```
            hayCambios = true
```

```
            intercambiarValoresPos(elVector, pos-1, pos )
```

```
    return hayCambios;
```

➤ **Invariante:** Tras cada pasada ordenado (posFin-nPasadas, posFin]

Ordenación: Mergesort **inSitu**

divido en dos el vector, los ordeno y *mezclo* los trozos ordenados

si tamaño(elVector) > 1

posMedia = (posFin-posIni)/2+ posIni

mergesort(elVector, posIni, posMedia)

mergesort(elVector, posMedia+1, posFin)

mezclaOrd(elVector, posIni, posMedia, posFin)

mezclaOrd:

coger de uno u otro según sean menores hasta que se vacíe uno
finalmente coger los que queden del que quede sin elementos

Ordenación: Quicksort **inSitu**

menores al inicio, mayores al final y ordenar inicio y fin

colocar en base a valorPivote

posIni1

posFin1

posIni2

posFin2



quicksort(eVector, posIni1, posFin1)

quicksort(eVector, posIni2, posFin2)

Algoritmos de ordenación

- **selección:** *selecciono* el mínimo/máximo lo quito y así hasta que no queden elementos.
- **inserción:** cojo de uno en uno y lo *inserto* ordenado
- **burbuja:** intercambios locales, tipo *burbujas*, hasta que queda ordenado
- **mergesort:** parto el vector en dos los ordeno y *mezclo* los vectores *ordenados*
- **quicksort:** separo menores a un lado, mayores a otro y ordeno
- **heapsort, radix, etc...**

Búsqueda de elemento/posición:

busco un elemento/posición en un array

- **Desordenado:** Búsqueda simple en el array:
 - mientras haya elementos y no lo encuentre pasar al siguiente
- **Ordenado:**
 - Búsqueda simple en el array:
 - mientras haya elementos y no lo encuentre pasar al siguiente
 - Búsqueda binaria en el array: (posIni, y posFin en la que buscar)
 - Ir al medio y mirar:
 - si igual terminado,
 - si menor buscar en la mitad superior
 - si mayor buscar en la mitad inferior

Calcular mínimo/máximo:

- **Desordenado:** Recorrido simple en el array:
 - Recorrer el array actualizando el menor si es mejor que el calculado hasta el momento.
- **Ordenado:**
 - Acceso directo o primero(mínimo) o último(máximo)

Mezcla ordenada: con vector auxiliar

mezclar dos arrays ordenados sobre un tercero

mezclaOrdenada (elVector1, elVector2, elVectorSol) :

- coger de uno u otro según sea el menor y añadirlo al final de elVectorSol hasta que se vacíe uno
- finalmente coger los que queden del que quede sin elementos

➤ **Invariante:** elVectorSol queda ordenado y con los elementos de elVector1 y elVector2

Mezcla ordenada: *inSitu*

mezclar dos partes ordenadas continuas de un array

mezclaOrdenada (elVector, posIni1, posIni2, posFin2) :



➤ **Invariante:** elVector queda ordenado entre posIni1 y posFin2